# **OTIMIZAÇÃO DE CARTEIRA DE INVESTIMENTOS UTILIZANDO ALGORITMO GENÉTICO**

Autores:  
 Grupo 89  
 ARAGUACY PEREIRA ([araguacybp@yahoo.com.br](https://mailto:araguacybp@yahoo.com.br/" \t "_blank))  
 ROBSON CALIXTO ([robsoncaliixto@gmail.com](https://mailto:robsoncaliixto@gmail.com/" \t "_blank))  
 VINÍCIUS COSTA ([mcostavini98@gmail.com](https://mailto:mcostavini98@gmail.com/" \t "_blank))

Instituição:  
 FIAP - Pós-Graduação em IA para Devs

Data:  
 25 de julho de 2025

Sumário

[1. Introdução 3](#_Toc204763470)

[1.1. Perguntas de Pesquisa 3](#_Toc204763471)

[1.2. Contexto do Problema 4](#_Toc204763472)

[1.3. Métodos de Otimização Financeira 5](#_Toc204763473)

[2. Metodologia 6](#_Toc204763474)

[2.1. Coleta e Pré-processamento dos Dados 6](#_Toc204763475)

[2.2. Definição do Portfólio e Métricas de Risco 6](#_Toc204763476)

[2.3. O Algoritmo Genético para Otimização 7](#_Toc204763477)

[3. Testes e Avaliação 8](#_Toc204763478)

[3.1. Configuração do Experimento 8](#_Toc204763479)

[3.2. Análise de Convergência 8](#_Toc204763480)

[4. Análise dos Resultados 9](#_Toc204763481)

[4.1. Composição do Portfólio Otimizado 9](#_Toc204763482)

[4.2. Comparativo de Risco e Retorno 9](#_Toc204763483)

[5. Discussão 9](#_Toc204763484)

[6. Conclusão 10](#_Toc204763485)

[7. Trabalhos Futuros 10](#_Toc204763486)

[8. Referências 11](#_Toc204763487)

[9. Anexos 11](#_Toc204763488)

# **1. Introdução**

## 1.1. Perguntas de Pesquisa

* **O que está sendo otimizado?**

O objetivo é maximizar o retorno ajustado ao risco de um portfólio de investimento. Isso implica buscar a combinação ideal de aporte entre as ações selecionadas, de forma a controlar a volatilidade. A participação (ou pesos) de cada ativo no portfólio é a variável que se deseja otimizar.

* **Qual é a representação da solução (genoma)?**

A porcentagem de capital alocada entre os diferentes ativos disponíveis na carteira representa o genoma, em que cada gene corresponde à proporção de capital em um ativo específico.

* **Qual é a função de fitness?**

A função considera a média ponderada de retorno dos ativos menos o *CVaR* ajustado por um fator de aversão ao risco. Quando adicionado um percentual de aversão ao risco, o *CVaR* é considerado para diversificar e mitigar o risco não sistemático.

Portanto, a função de fitness busca uma combinação de máximo retorno com o menor risco (volatilidade), sendo o risco medido pelo *CVaR*.

* **VaR (Valor em Risco):** Indica a perda máxima esperada para um determinado nível de confiança e horizonte de tempo.
* **CVaR (Valor Condicional em Risco):** Indica a perda máxima esperada para um determinado nível de confiança e horizonte de tempo, considerando especificamente os cenários de cauda (piores casos).
* **Qual é o método de seleção?**

O método de torneio foi escolhido como o ideal para o projeto, por priorizar indivíduos com *fitness* mais alto, mantendo diversidade, mas favorecendo os melhores. Dessa forma, locais subótimos são evitados, permitindo que o algoritmo explore melhor o espaço de soluções até alcançar o objetivo.

* **Qual método de *crossover* foi implementado?**

O método implementado é o de corte único por posição, adaptado para um dicionário de pesos de ativos. Ele consiste em dividir os ativos ao meio e combinar partes dos pesos de dois portfólios diferentes para gerar dois novos filhos. A primeira metade dos ativos de um portfólio é combinada com a segunda metade do outro, e vice-versa, criando variações a partir de indivíduos existentes.

* **Qual é o método de inicialização?**

Para iniciar a população, foi utilizada a distribuição aleatória de pesos normalizados, garantindo que a soma seja igual a 1.

* **Qual o critério de parada?**

Número máximo de gerações definido ou ausência de melhoria significativa no *fitness* após um certo número de iterações definido por parâmetro.

## 1.2. Contexto do Problema

A alocação de capital em mercados financeiros é um dos problemas mais clássicos e desafiadores no campo das finanças quantitativas. Investidores buscam constantemente a construção de carteiras (ou portfólios) que não apenas maximizem os retornos, mas também gerenciem e minimizem os riscos associados. A **Teoria Moderna do Portfólio**, introduzida por Harry Markowitz, estabeleceu as bases para a diversificação como uma ferramenta para otimizar o *trade-off* entre risco e retorno.

No entanto, encontrar a alocação ótima de ativos em um portfólio é um problema de otimização complexo, especialmente quando se lida com um grande número de ativos e restrições não lineares. Métodos tradicionais podem ser computacionalmente intensivos ou ficar presos em ótimos locais.

Este projeto aborda o desafio de otimizar uma carteira de investimentos composta por ações da bolsa de valores brasileira (B3). O objetivo é utilizar **Algoritmo Genético (AG)**, uma meta-heurística inspirada na teoria da evolução de Darwin, para encontrar a distribuição de capital entre os ativos que otimiza uma função objetivo baseada em retorno e risco. A variável a ser otimizada é o vetor de pesos, que representa a porcentagem de capital alocada em cada ativo do portfólio.

## 1.3. Métodos de Otimização Financeira

A otimização de portfólios pode ser abordada por diversas técnicas, desde a programação quadrática usada no modelo de Markowitz até métodos mais sofisticados. As principais métricas de risco utilizadas para avaliar a qualidade de um portfólio incluem:

* **Volatilidade (Desvio Padrão):** A medida clássica de risco, que quantifica a dispersão dos retornos de um ativo.
* **Valor em Risco (VaR):** Estima a perda máxima esperada de um portfólio em um determinado horizonte de tempo e com um certo nível de confiança. Apesar de popular, o *VaR* não é uma medida de risco coerente, pois falha na propriedade da subaditividade, o que significa que a diversificação pode, paradoxalmente, aumentar o *VaR*.
* **Valor em Risco Condicional (CVaR):** Também conhecido como *Expected Shortfall*, o *CVaR* mede a perda média esperada, dado que a perda excede o *VaR*. O *CVaR* é uma medida de risco coerente e mais conservadora, pois foca na magnitude das perdas nos piores cenários.

Neste projeto, o *CVaR* foi escolhido como a principal métrica de risco a ser minimizada, devido à sua robustez teórica e sua capacidade de capturar o risco de cauda, crucial em mercados financeiros. Os **Algoritmos Genéticos** são particularmente adequados para esse tipo de problema, pois podem explorar um vasto espaço de soluções de forma eficiente, sem fazer suposições sobre a convexidade da função objetivo, lidando bem com a complexidade do *CVaR*.

# **2. Metodologia**

## 2.1. Coleta e Pré-processamento dos Dados

Os dados utilizados neste estudo consistem em cotações históricas diárias de fechamento de um conjunto de ações listadas na B3.

* **Fonte de Dados:** Os dados foram obtidos por meio da biblioteca yfinance do Python, que acessa a API pública do Yahoo Finance.
* **Seleção de Ativos:** Para focar o processo de otimização em ativos com bom desempenho histórico, foi realizado um filtro inicial. O sistema seleciona as 20 ações com o maior retorno médio nos últimos dois anos a partir de uma lista pré-definida de empresas brasileiras.
* **Pré-processamento:** A partir dos preços de fechamento, foram calculados os retornos diários percentuais, que servem como entrada para o cálculo das métricas de retorno e risco do portfólio.

## 2.2. Definição do Portfólio e Métricas de Risco

Um portfólio é definido por um conjunto de ativos e os respectivos pesos que indicam a proporção do capital total investido em cada um. A principal restrição é que a soma de todos os pesos deve ser igual a 1 (ou 100%).

A qualidade de um portfólio candidato é avaliada por uma **função de *fitness***, projetada para equilibrar o retorno esperado e o risco (*CVaR*):

|  |
| --- |
| **Fitness = (1 − Fator de Aversão ao Risco) \* Retorno Esperado − Fator de Aversão ao Risco \* CvaR** |

* **Retorno Esperado:** média ponderada dos retornos médios históricos de cada ativo no portfólio.
* **CVaR (Valor em Risco Condicional):** calculado com nível de confiança de 95%, representa a perda média esperada nos 5% piores dias de negociação.
* **Fator de Aversão ao Risco:**parâmetro (intervalo [0,1]) que define a importância relativa do risco na otimização. Valores mais altos indicam maior preferência por minimizar o risco, mesmo à custa de retornos menores.

## 2.3. O Algoritmo Genético para Otimização

Para encontrar o portfólio ótimo, foi implementado um **Algoritmo Genético** com os seguintes componentes:

* **Representação (Genoma):** Cada indivíduo (cromossomo) na população representa uma solução candidata, ou seja, um portfólio. O genoma é um dicionário em que as chaves são os *tickers* dos ativos e os valores são seus respectivos pesos. Uma função de normalização garante que a soma dos pesos seja sempre 1.
* **População Inicial:** A primeira geração de portfólios é criada aleatoriamente, atribuindo pesos aleatórios a cada ativo e normalizando-os.
* **Seleção (Torneio):** Para selecionar os pais da próxima geração, utiliza-se o método de seleção por torneio. Três indivíduos são escolhidos aleatoriamente da população, e os dois com o maior valor de *fitness* são selecionados como pais. Esse método equilibra a pressão seletiva com a diversidade da população.
* **Crossover (Ponto de Corte Único Adaptado):** Os pais selecionados geram filhos por meio de um operador de *crossover*. O conjunto de ativos é dividido ao meio, e um filho é criado combinando a primeira metade dos pesos de um pai com a segunda metade do outro. Os pesos do filho resultante são normalizados.
* **Mutação (Perturbação Gaussiana):** Para introduzir novidade genética e evitar a convergência prematura, um operador de mutação é aplicado. Com uma certa probabilidade, o peso de um gene (ativo) é ligeiramente modificado por um valor aleatório.
* **Elitismo:** Para garantir que as melhores soluções encontradas não sejam perdidas, uma estratégia de elitismo é adotada. Os 10% melhores indivíduos de cada geração são transferidos diretamente para a próxima, sem sofrer *crossover* ou mutação.
* **Critério de Parada:** O algoritmo executa por um número pré-definido de gerações (ex.: 50).

# **3. Testes e Avaliação**

## 3.1. Configuração do Experimento

O algoritmo foi executado utilizando uma interface web interativa construída com a biblioteca **Streamlit**, permitindo a configuração dinâmica dos hiperparâmetros do AG e a visualização em tempo real dos resultados.

**Principais parâmetros utilizados:**

* Tamanho da População: 10 indivíduos
* Número de Gerações: 50
* Taxa de Mutação: 20%
* Taxa de Crossover: 50%
* Fator de Aversão ao Risco: 0.5 (equilíbrio entre risco e retorno)
* Percentual de Elite: 10%

## 3.2. Análise de Convergência

A eficácia do algoritmo foi monitorada por meio de um gráfico de convergência, que plota o *fitness* do melhor indivíduo e o *fitness* médio da população ao longo das gerações.

Observou-se que o algoritmo converge rapidamente nas primeiras gerações, com o *fitness* do melhor indivíduo aumentando significativamente. Após cerca de 20-30 gerações, o progresso tende a se estabilizar, indicando que a solução está próxima de um ótimo local ou global. A estratégia de elitismo mostrou-se eficaz em garantir um progresso monotônico do melhor *fitness*.

# **4. Análise dos Resultados**

## 4.1. Composição do Portfólio Otimizado

Ao final da execução, o algoritmo retorna o melhor portfólio encontrado. A composição desse portfólio representa a alocação de capital ótima segundo os critérios definidos. Tipicamente, o AG tende a concentrar os investimentos em um número limitado de ativos que apresentam a melhor combinação de alto retorno e baixo *CVaR*, validando o princípio da diversificação seletiva.

A interface web apresenta um gráfico de pizza com a distribuição percentual dos ativos no portfólio final, facilitando a interpretação do resultado pelo usuário.

## 4.2. Comparativo de Risco e Retorno

O resultado final inclui as métricas de desempenho do portfólio otimizado:

* **Fitness Final:** O valor máximo da função objetivo alcançado.
* **Retorno Esperado Anualizado:** O retorno projetado do portfólio.
* **CVaR Anualizado:** O risco de cauda do portfólio.

Esses valores permitem ao investidor avaliar se o *trade-off* entre o risco assumido e o retorno esperado está de acordo com seu perfil.

# **5. Discussão**

A utilização de **Algoritmos Genéticos** para a otimização de portfólios demonstrou ser uma abordagem robusta e flexível. Diferentemente de métodos clássicos, que podem exigir simplificações no modelo de risco, os AGs operam diretamente sobre a função de *fitness*, mesmo que ela seja complexa e não convexa, como é o caso da otimização baseada em *CVaR*.

A capacidade de explorar um vasto espaço de soluções permite que o algoritmo escape de ótimos locais e encontre soluções de alta qualidade, que seriam difíceis de alcançar com otimizadores tradicionais. A natureza estocástica do AG também reflete a incerteza inerente aos mercados financeiros.

No entanto, a qualidade da solução depende da calibração dos hiperparâmetros do AG (tamanho da população, taxas de mutação/*crossover*). Uma configuração inadequada pode levar à convergência prematura ou a uma exploração ineficiente do espaço de busca. A implementação de taxas de mutação e *crossover* adaptativas poderia ser uma melhoria futura para refinar ainda mais o processo.

# **6. Conclusão**

Este projeto demonstrou com sucesso a aplicação de **Algoritmos Genéticos** para resolver o problema complexo de otimização de carteiras de investimentos. A implementação foi capaz de identificar portfólios que otimizam o retorno ajustado ao risco, utilizando o *CVaR* como medida de risco amplamente aceita no mercado financeiro.

A abordagem mostrou-se viável e produziu resultados coerentes e interpretáveis, fornecendo uma ferramenta poderosa para a tomada de decisão em investimentos. A combinação de uma meta-heurística robusta com uma interface interativa (**Streamlit**) cria uma solução prática e acessível para a análise financeira.

# **7. Trabalhos Futuros**

Para a evolução deste projeto, recomenda-se:

* **Backtesting Robusto:** Implementar um sistema de *backtesting* que avalie o desempenho do portfólio otimizado em dados "fora da amostra" (períodos futuros), para validar a eficácia preditiva da estratégia.
* **Otimização Multi-Objetivo:** Evoluir o AG para um algoritmo de otimização multi-objetivo (como o **NSGA-II**) para gerar uma **Fronteira Eficiente** completa, mostrando o portfólio ótimo para cada nível de risco, em vez de um único ponto.
* **Parâmetros Adaptativos:** Implementar mecanismos que ajustem dinamicamente as taxas de mutação e *crossover* durante a execução, melhorando a capacidade de exploração e explotação do algoritmo.
* **Inclusão de Mais Restrições:** Adicionar outras restrições do mundo real, como limites de alocação por setor, liquidez mínima dos ativos e custos de transação.

# **8. Referências**

1. *Documento de Referência: Otimização de Redes Neurais utilizando Algoritmos Genéticos para Previsão de Sobrevivência no Titanic*. FIAP, 2024.
2. VANELI, Daniel Mognato. **Otimização de Portfólio com Ativos do IBOVESPA Usando Algoritmos Genéticos**. Trabalho de Conclusão de Curso – Ifes: Instituto Federal do Espírito Santo, Espírito Santo, 2024.
3. MAXWELL. **Modelagem Estocástica e Medida de Risco**. Disponível em: <https://www.maxwell.vrac.pucrio.br/26820/26820_6.PDF>. Tese de Doutorado – PUC-Rio, Rio de Janeiro. Acesso em: 14 jul. 2025.
4. BORGES, Bruno. **Otimizando Carteiras de Investimentos com Data Science**. Medium, 2021. Disponível em: <https://medium.com/ensina-ai/otimizando-carteiras-de-investimentos-com-data-science-f545dbe30bae>.
5. REIS, Tiago. **Teoria de Markowitz: Como Calcular a Relação de Risco e Retorno**. Suno, 2021. Disponível em: <https://www.suno.com.br/artigos/teoria-de-markowitz/>.
6. **Empresas Listadas B3**. Dados Abertos da B3. Disponível em: <https://www.b3.com.br/pt_br/produtos-e-servicos/negociacao/renda-variavel/empresas-listadas.htm>. Acesso em: 8 jul. 2025.

# **9. Anexos**

* **Repositório do Código-Fonte:** <https://github.com/robsoncalixto/wallet-optimization_ag>.
* **Aplicação Web (Streamlit):** <https://wallet-optimizationagcm6gbhspo4cjx3czsvj36u.streamlit.app/>.